

I. Formules de base

- $I = k \underline{A} \cdot \underline{A}^*$
- $\varphi(M) = \frac{2\pi\delta}{\lambda_0}$

II. Interférences entre deux sources ponctuelles monochromatiques et cohérentes entre elles

1. Formules de base

- $I(M) = 2I_0 (1 + \cos \varphi(M))$
- $\delta = n(r_2 - r_1)$
- $p(M) = \frac{\varphi(M)}{2\pi} = \frac{\delta}{\lambda_0}$

2. Cas des ondes sphériques

- Écran E_1 perpendiculaire à la médiatrice
 $S_1 S_2 = a$ et $CO_1 = D$
 $\delta = \frac{ax}{D}$ [Pythagore + DL]
 $i = \frac{\lambda D}{a}$ [partir de $\delta = k\lambda$]
 $I(x) = 2I_0 (1 + \cos(\frac{2\pi x}{i}))$
- Écran E_2 perpendiculaire à l'axe ($S_1 S_2$)
 $\rho = O_2 M$ et $D = CO_2$
 $\delta = a(1 - \frac{\rho^2}{2D^2})$ [cercle, $S_2 H = a \cos \theta$ puis $\theta \approx \frac{\rho}{D}$]

3. Cas des ondes planes

$$\vec{k}_1, \vec{k}_2 = \alpha$$

$$\varphi(M) = (\vec{k}_2 - \vec{k}_1) \cdot \vec{r} = 2k \sin\left(\frac{\alpha}{2}\right) \cdot x$$

$$i = \frac{\lambda}{2 \sin\left(\frac{\alpha}{2}\right)}$$

III. Dispositifs expérimentaux

1. Fentes de YOUNG

Dispositif avec deux lentilles de part et d'autre des fentes.

$$\delta = \frac{ax}{f_2} \text{ [plan d'ondes, Malus, } \delta = a \sin \theta \approx a \tan \theta]$$

2. Les miroirs de FRESNEL (ondes sphériques)

S_1 image de S par M_1 et S_2 image de S par M_2 . On retrouve deux sources secondaires du type trous de YOUNG.

3. Biprisme de FRESNEL (ondes planes)

Déviation d'un prisme d'angle au sommet $A \ll 1$: $D = (n - 1) A$

$$i = \frac{\lambda}{2 \sin \frac{\alpha}{2}}$$

$$\alpha = 2D \text{ donc } i \approx \frac{\lambda}{2D} = \frac{\lambda}{2(n-1)A}$$

4. Interféromètre à N ondes, FABRY-PÉROT

Rayons parallèles : interférences à l'infini.

$$\underline{A} = TA_0 (1 + Re^{-i\varphi} + \dots + (Re^{-i\varphi})^p)$$

$$= \frac{TA_0}{1 - Re^{-i\varphi}}$$

$$\frac{I(\varphi)}{I_0} = \frac{1}{1 + m \sin^2 \frac{\varphi}{2}} \text{ (fonction d'AIRY)}$$

$$\varphi = \frac{4\pi n e \cos i}{\lambda_0} \text{ [différence de marche, P point de partage]}$$

$$\text{Finesse de FABRY-PÉROT : } \mathcal{F} = \frac{\text{Distance entre deux pics}}{\text{Largeur à mi-hauteur}} = \frac{2\pi}{\Delta\varphi}$$

$$\mathcal{F} = \frac{\pi\sqrt{R}}{1-R}$$

Anneau brillant : $\delta = 2ne \cos i_p = p\lambda_0$ (p max au centre)

Au centre : $2ne = p_0\lambda_0$

$$\text{d'où } 2ne \frac{i_k^2}{2} = k\lambda_0 \quad R_k = f' \cdot i_k = f' \sqrt{k \frac{\lambda_0}{ne}}$$

5. Interféromètre de MICHELSON

$$e = M'_1 M_2 \text{ et } \alpha = (\overline{M'_1}, \overline{M_2})$$

- Utilisation en « lame d'air » : les franges d'égale inclinaison

$$e \neq 0 \text{ et } \alpha = 0$$

$$S_1 S_2 = 2e$$

$$\delta(i) = 2e \cos i \quad p_0 = \frac{\delta(i=0)}{\lambda} = \frac{2e}{\lambda} \quad r_k = f'_2 \sqrt{k \frac{\lambda}{e}} \text{ [même calcul que FABRY-PÉROT, centre - k}^{\text{ème}} \Rightarrow i_k \text{ puis } r_k \approx f'_2 i_k]$$

On obtient des anneaux centrés sur O.

- Utilisation en « coin d'air » : les franges d'égale épaisseur

$$e = 0 \text{ et } \alpha \neq 0$$

e' l'épaisseur du coin d'air au point M.

$$\delta = 2e' = 2\alpha x \Rightarrow x_p = \frac{p\lambda}{2\alpha} \Rightarrow i = \frac{\lambda}{2\alpha}$$

On obtient des segments parallèles à l'arête du coin d'air.

IV. Visibilité des franges et cohérences

1. Formules de base

- $C = \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max} + I_{\min}}$

2. Cohérence spatiale

a. S est formée de P_1 et P_2

$$\delta_{\text{tot}}(P_1, M) = \frac{aX_1}{D'} + \frac{ax}{D}$$

$$C = \left| \cos \frac{\pi}{\lambda} \frac{aP_1P_2}{D'} \right|$$

Application à l'observation d'étoiles doubles : $C = 0$ pour la première fois si $\frac{P_1P_2}{D'} = \frac{1}{2} \frac{\lambda D'}{a}$

b. S est une fente de largeur l

$$d^2I = 2I_S d^2S (1 + \cos \frac{2\pi}{\lambda} (\delta(P) + \delta(M)))$$

$$d' où après intégration $C = \left| \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D'}}{\frac{\pi al}{\lambda D'}} \right|$$$

3. Cohérence temporelle

$$\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'} \approx \frac{\Delta\lambda}{\lambda^2}$$

a. Deux radiations monochromatiques voisines

$$C(x) = \left| \cos \left(\frac{\pi a \Delta \lambda x}{D \lambda^2} \right) \right|$$

b. Cas d'une raie de largeur à mi-hauteur $\Delta\nu$ modélisée par un profil rectangulaire.

$\tau = \frac{\delta}{c}$ différence des temps de propagation

$$\varphi = 2\pi\tau\nu$$

$$C(M) = \left| \frac{\sin(\pi\tau\Delta\nu)}{\pi\tau\Delta\nu} \right|$$

Contraste non nul si $\delta \leq c\tau_0$

V. Diffraction de FRAUNHOFER

- Principe d'HUYGENS-FRESNEL : $\underline{\Delta}(\vec{k}) = A_0 \iint_{(S)} t(\vec{r}) e^{i\vec{k} \cdot \vec{r}} dS$ avec
$$\begin{cases} \underline{\Delta} \vec{r} = \overrightarrow{O'P} \\ \varphi_M(P) = \frac{2\pi\delta}{\lambda} = -\vec{k} \cdot \vec{r} \\ \delta = (PM) - (O'M) \end{cases}$$

- Fente fine : première annulation pour $\sin(\theta_0) = \frac{\lambda}{a} \approx \theta_0$

- Ouverture circulaire : première annulation pour $\theta_0 = 1,22 \frac{\lambda}{D}$

- Théorème de BABINET : Les figures de diffraction données par deux écrans complémentaires sont identiques.